

Kurzprüfung: Integralrechnung I

Name:	
Punkte:	

Hinweise:

- Zeit: 30 Min
- **Berechne und vereinfache so weit wie möglich:**
Vereinfachen heisst: In den Lösungen dürfen keine Potenzen mit negativen oder gebrochenen Exponenten mehr vorkommen. Brüche sollten in gekürzter Form, aber nicht als Dezimalzahl angegeben werden.

Aufgabe

(a) $\int 15x^3 - 12x \, dx = \frac{15x^4}{4} - \frac{12x^2}{2} = \frac{15}{4}x^4 - 6x^2 + C$ (1P)

(b) $\int 5z - 3 \, dz = \frac{5z^2}{2} - 3z + C$ (1P)

(c) $\int 3x^2 \cdot e^{x^3} \, dx = 3x^2 \cdot e^u \cdot \frac{1}{3x^2} = e^x + C$ (3P)
 $u = x^3$
 $u' = 3x^2$

(d) $\int (4x+6)^5 \, dx = \int u^5 \cdot \frac{1}{4} = \frac{(4x+6)^6}{6} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{24} (4x+6)^6 + C$ (3P)
 $u = (4x+6)$
 $u' = 4$

(e) $\int \frac{8x-2}{2x^2-x} \, dx = \frac{8x-2}{u} \cdot \frac{1}{4x-1} = \frac{1}{2} \ln |2x^2-x| + C$ (3P)
 $u = 2x^2-x$
 $u' = 4x-1$

(f) $\int \sqrt[3]{x^4} \, dx = \int x^{4/3} = \frac{3}{7} x^{7/3} = \frac{7}{3} \sqrt[3]{x^7} + C$ (3P)

$$(g) \int \cos(x^2 + 3) \cdot x \, dx = \cos(x^2 + 3) \cdot \frac{x^2}{2} + C \quad (2P)$$

$$(h) \int 6 \cdot \cos(3x + 2) \, dx = \int 6 \cdot \cos(u) \cdot \frac{1}{3} = 2 \sin(u) = 2 \sin(3x + 2) + C \quad (3P)$$

$u = 3x + 2$
 $u' = 3$

$$(i) \int \frac{1}{(5x+1)^6} \, dx = u^{-6} \cdot \frac{1}{5} = \frac{u^{-5}}{-5} = \frac{1}{(5x+1)^5} \cdot \frac{1}{-5} + C \quad (4P)$$

$u = 5x + 1$
 $u' = 5$

$$(j) \int \frac{3}{\sqrt{6x-2}} \, dx = \frac{3}{\sqrt{u}} = \int 3 u^{-0,5} = 3 \frac{u^{0,5}}{0,5} = 6 \sqrt{u} + C \quad (4P)$$

$u = 6x - 2$
 $u' = 6$

$$\frac{3}{\sqrt{u}} \cdot \frac{1}{6} \cdot 2 u^{0,5} = \frac{2 u^{0,5}}{2 \cdot \frac{1}{2}} = u^{0,5} = \sqrt{6x-2} + C$$